

## FONKSİYONLarda DÖRT İŞLEM

## Test-11

1.  $\frac{f(3x-1)}{x+6} = \frac{f(2x+4)}{2x+1}$   $\rightarrow$   $x=3$  için  
 $\frac{f(8)}{9} = \frac{f(10)}{7}$   
 eşitliği veriliyor.  
 Buna göre,  $\frac{f(8)}{f(10)}$  oranı kaçtır?  $\frac{f(8)}{f(10)} = \frac{9}{7}$
- A)  $\frac{1}{3}$       B)  $\frac{3}{5}$       C)  $\frac{7}{9}$       D) 1      E)  $\frac{9}{7}$

2. a ve b gerçel sayılar olmak üzere, gerçel sayılar kümesinde f ve g fonksiyonları

$$f(x) = ax + b$$

$$g(x) = 2x + a$$

biçiminde tanımlanıyor.

$$(f-g)(3) = g(3) \rightarrow f(3) - g(3) = g(3)$$

$$(f+g)(2) = f(2) \rightarrow f(2) + g(2) = f(2)$$

olduğuna göre, a · b çarpımı kaçtır?

- A) -24      B) -48      C) -32      D) -18      E) -64

$$g(2) = 0 \quad f(3) = 2g(3)$$

$$2 \cdot 2 + a = 0 \quad 4 \cdot 3 + b = 2[2 \cdot 3 + a]$$

$$a = -4$$

$$a+b = 12$$

$$-4+b = 12$$

$$b = 16$$

$$-4 \cdot 16 = -64$$

3. Pozitif gerçel sayılar üzerinde tanımlı f ve g fonksiyonları için

$$\left(\frac{f}{g}\right)(x) = x^2 + x + 10$$

$$\frac{f(1)}{g(1)} = 1+1+10=12$$

$$(f^2 \cdot g)(x) = x^3 + 3x + 14$$

$$f^2(1) \cdot g(1) = 1+3+14=18$$

olduğuna göre, f(1) değeri kaçtır?  $\frac{f(1)}{g(1)} \cdot f^2(1) \cdot g(1) = 12 \cdot 18$

- A) 4      B) 6      C) 8      D) 9      E) 11

$$\frac{f^3(1)}{f(1)} = 216$$

$$f(1) = 6$$

1	2	3	4	5	6
E	E	B	B	E	C

4. A boş olmayan bir kümedir.

$$f : \{1, 2, 3\} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$g : A \rightarrow \mathbb{R}$$

fonksiyonları veriliyor.

$$f+g : \{(1,4), (2,3)\}$$

olarak tanımlanıyor.

Buna göre,  $A \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  koşulunu sağlayan 4 elemanlı kaç farklı A kümesi yazılabilir?

- A) 4      B) 6      C) 8      D) 12      E) 16

*kalan elemlar  
arasından 2 elemen  
seçilebilir.*

$\binom{4}{2} = 6$  farklı A kümesi  
yazılabilir.

5. Gerçel sayılar üzerinde tanımlı bir f fonksiyonu

$$f(x) + f(4+x) = 40$$

$$f(4-x) = 18 + f(x)$$

eşitliklerini sağlamaktadır.

$$\begin{aligned} f(x) + f(4+x) &= 40 \\ f(4-x) &= 18 + f(x) \end{aligned}$$

$$2f(x) + f(4+x) - f(4-x) = 22$$

Buna göre,  $f(-x) + f(x)$  toplamı aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) 58      B) 44      C) 32      D) 28      E) 22

*x yerine -x yazdım.*

$$2f(-x) + f(4-x) - f(4+x) = 22$$

*toplatalım*

$$2f(x) + 2f(-x) = 44$$

$$f(x) + f(-x) = 22$$

6. Gerçel sayılar kümesi üzerinde tanımlı bir f fonksiyonu her a ve b sıfırdan farklı gerçel sayıları için

$$f(a+b) = f(a) + f(b)$$

eşitliğini sağlamaktadır.

$$f(7) = f(3) + f(4)$$

$$f(4) = f(2) + f(2)$$

$$f(2) = f(1) + f(1)$$

$$f(3) = f(2) + f(1)$$

$$f(7) = 7f(1)$$

Buna göre,

$$\frac{f(7) + f(5)}{f(3)}$$

oranı kaçtır?

- A) 2      B) 3      C) 4      D) 6      E) 8

$$f(5) = f(4) + f(1) = 5f(1)$$

$$f(3) = f(2) + f(1) = 3f(1)$$

$$\frac{f(7) + f(5)}{f(3)} = \frac{7f(1) + 5f(1)}{3f(1)} = 4$$

## FONKSİYONLarda DÖRT İŞLEM

## Test-12

1. a ve b gerçel sayılar olmak üzere, f ve g fonksiyonları

$$f(x) = ax + 2b$$

$$g(x) = \frac{bx+3}{2}$$

biçiminde tanımlanıyor.

$$(f+g)(3) = f(3) \rightarrow f(3) + g(3) = f(3)$$

$$(f-g)(1) = g(1) \rightarrow f(1) - g(1) = g(1)$$

olduğuna göre,  $a \cdot b$  çarpımı kaçtır?

- A) -4    B) -2    C) -1    D) 0    E) 2

$$g(3) = 0$$

$$\frac{b \cdot 3 + 3}{2} = 0$$

$$b = -1$$

$$-1 \cdot 4 = -4$$

$$f(1) = 2g(1)$$

$$a + 2b = 2 \left[ \frac{b+3}{2} \right]$$

$$a + 2(-1) = -1 + 3$$

$$a = 4$$

2. Pozitif gerçel sayılar kümesi üzerinde tanımlı f ve g fonksiyonları,

$$(f+g)(x) = \sqrt{x} \rightarrow f(9) + g(9) = \sqrt{9} = 3$$

$$(f-g)(3x) = \frac{x}{3} \rightarrow f(9) - g(9) = \frac{3}{3} = 1$$

eşitliklerini sağlıyor.

$$2f(9) = 4$$

Buna göre,  $f(9) \cdot g(9)$  çarpımı kaçtır?

- A)  $\frac{1}{2}$     B) 1    C) 2    D) 4    E) 6

$$2 \cdot 1 = 2$$

3. Uygun koşullarda tanımlanmış f ve g fonksiyonları için

$$(f \cdot g)(x) = x^2 - 11x + 28$$

$$\left(\frac{f}{g}\right)(1) = \frac{1}{2}$$

$$\frac{f(1)}{g(1)} = \frac{1}{2}$$

eşitlikleri veriliyor.

Buna göre, f(1) in pozitif değeri kaçtır?

- A)  $\frac{1}{2}$     B) 1    C) 2    D) 3    E) 4

$$f(1) \cdot g(1) \cdot \frac{f(1)}{g(1)} = 18 \cdot \frac{1}{2} = 9$$

$$f^2(1) = 9$$

$$f(1) = 3$$

1	2	3	4	5	6
A	C	D	E	A	D

Başlangıç

4.  $f: [-3,1] \rightarrow \mathbb{R}$  ve  $f(x) = 2x + 1$   
 $g: [-2,2] \rightarrow \mathbb{R}$  ve  $g(x) = \frac{x+4}{2}$  fonksiyonları veriliyor.

f ve g fonksiyonlarının tanım kümelerinde bulunan ortak elemanlar,  $(f+g)$

Buna göre, f + g fonksiyonunun tanım kümesi aşağıdakilerden hangisidir? f fonksiyonunun tanım kümesini oluşturur:

- A)  $[-2,1]$     B)  $[-3,2]$     C)  $(-2,2)$   
D)  $(-2,1)$     E)  $[-2,1]$

5. g fonksiyonunun tanım kümesi  $[-1,9]$ , h fonksiyonunun tanım kümesi  $[2,13]$  kapalı aralığı olarak verilmiştir.

f fonksiyonu

$$f(x) = g(x) + h(x)$$

biçiminde veriliyor.

f fonksiyonu verilen iki aralığın kesişiminde tanımlanır.

Buna göre, f fonksiyonunun tanım kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $[2,9]$     B)  $[-1,2]$     C)  $[2,13]$   
D)  $[-1,13]$     E)  $[1,22]$

$$[-1,9] \cap [2,13] = [2,9]$$

6. Aşağıda verilen  $y = f(x)$  ve  $y = g(x)$  fonksiyon ikililerinden hangisi için

$$(f \cdot g)(x)$$

fonksiyonu tüm gerçel sayırlarda tanımlıdır?

	<u><math>f(x)</math></u>	<u><math>g(x)</math></u>
A)	$\frac{1}{x-1}$	$2x \rightarrow x=1$ için sağlanamaz. (payda 0 olur)
B)	$x+1$	$\frac{2}{x} \rightarrow x=0$ için sağlanır. (payda 0 olur.)
C)	$\frac{1}{x}$	$3x \rightarrow x=0$ için sağlanır. (payda 0 olur.)
D)	$\frac{1}{x^2+1}$	$x^2 \rightarrow$ tüm değerleri sağlar.
E)	$\sqrt{x-3}$	$\sqrt{x-3} \rightarrow 3'$ ten küçük sayılar için sağlanır. (kök içi negatif olur)